

Eksponencijalna funkcija

Vrsta: Maturalni | Broj strana: 20 | Nivo: Gimnazija

Eksponencijalna funkcija je funkcija kod koje je nezavisno promenljiva (argument x) predstavlja eksponent stepena stepena osnove a . Osnova a je svuda konstantan pozitivan broj ($a > 0$) . To je neophodno jer je i stepenovanje proizvoljnim realnim brojem definisano samo za pozitivnu osnovu.Ovaj uslov je veoma bitan jer kad on ne bi bio ispunjen funkcija bi neprestano menjala svoj monotonu karakter i imala bi veliki broj ekstremnih vrednosti .Ponasanje funkcije $f(x) = (-2)^x$

x

y -4 1 16

-3

-2

-1

8

1 4

-1 -1 2

1

1 -2

2 4

3 -8

4

16

Grafik 1. Ponasanje funkcije

Y

$f(x) = (-2)^x$

x

X

1

Osobine eksponencijalne funkcije

Eksponencijalna funkcija nema nula jer stepen a x nije nula ni za jedno x , tj. jedacina $a^x = 0$ nema resenja. Stalna pozitivna vrednost funkcije a^x ($a > 0$) zavisi od racionalne vrednosti argumenta x . Kad osnova eksponencijalne funkcije, a ,uzima vrednost u intervalu $(0,1)$ funkcija je monotono opadajuca,a kada uzima vrednosti u intervalu $(1, \infty)$ funkcija je monotono rastuca Grafik 2.-Ponasanje eksponencijalne funkcije

$$f_1(x) = \begin{cases} 0 & x < 1 \\ 1 & x = 1 \\ 2 & x > 1 \end{cases}$$

x

Grafik 3.-Ponasanje eksponencijalne funkcije ($a > 1$)

$f_2(x) = 2^x$

$$x_1 < x_2 \rightarrow 2^{x_1} < 2^{x_2}$$

2

Teorema 1 - Ako je $x_1 < x_2$ (argumenti stepena osnove); $x_1, x_2 \in Q$, kada je $a \in (0,1)$ onda sledi da je $a^{x_1} > a^{x_2}$, odnosno sa porastom argumenta vrednost opada. Teorema 2 - Ako je $x_1 < x_2$ (argumenti stepena osnove); $x_1, x_2 \in Q$, kada je $a > 1$ onda sledi da je $a^{x_1} < a^{x_2}$, jer je $a^{x_1} - a^{x_2} > 0$, odnosno sa porastom argumenta vrednost raste. -Ako je $a = 1$ eksponencijalnoj funkciji pripada par $(0,1)$ Grafik 4

$$f_3(x) = 1$$

2

3

Grafik eksponencijalne funkcije

$f_4(x) = 2$

$$\begin{array}{c} x \\ f/2(x) \\ \hline 1 \quad | \quad | \quad 2 \end{array}$$

x
x
2
x
-2 1 4
x
-1 1 2
1
1 2
2 4
3 8

----- OSTATAK TEKSTA NIJE PRIKAZAN. CEO RAD MOŽETE PREUZETI NA SAJTU. -----

www.maturskiradovi.net

MOŽETE NAS KONTAKTIRATI NA E-MAIL: maturskiradovi.net@gmail.com